

Równoważenie obciążenia w środowisku JPPF (ang. Java Parallel Processing Framework) z wykorzystaniem optymalizacji ekstremalnej

dr inż. Eryk Laskowski

Instytut Podstaw Informatyki PAN

25/04/2019



Plan prezentacji

1. Wprowadzenie
2. Omówienie metody EO
 1. EO ze Sterowaną Zmianą Stanu (EO-GS)
 2. wariant wielokryterialny (MO EO)
3. Opis problemu
4. Dynamiczne równoważenie zadań alg. MOEO-GS
5. Implementacja
 1. Równoległa metoda MO EO
6. Środowisko JPPF
7. Wyniki badań eksperymentalnych

Trochę historii

- **Badania prowadzone w Zespole Architektury Komputerowej – doktorat**
 - eksperymenty z alg. ewolucyjnymi – algorytmy genetyczne
- **Współpraca międzynarodowa:**
 - Ivano De Falco, Ernesto Tarantino, Umberto Scaffuri – Institute of High Performance Computing and Networking, CNR, Neapol, Włochy
 - Richard Olejnik – Computer Science Laboratory, University of Science and Technology of Lille, Francja

Trochę historii cd.

- **Lata 2007 – 2010: zastosowanie EO do szeregowania zadań**
 - połowiczny sukces
- **2012-2014: budowa środowiska symulacyjnego**
- **Od 2013: zastosowanie EO do równoważenia obciążeń obliczeniowych**
- **Od 2017: podejście wielokryterialne**
- **Jesień 2018 – JPPF**
- **“Po drodze” warianty równoległe oraz kilka wariantów funkcji oceny ww. algorytmów**

Wprowadzenie

- **Extremal Optimization (EO)**
 - ewolucyjna metoda optymalizacji, autorzy: Boettcher i Percus, 1999 r.,
 - inspiracją jest model tzw. „self-organized criticality”, Bak-Sneppen, 1987 r.
- **Zalety w stosunku do innych metod (GA, PSO, DE oraz SA, TS itd.)**
 - wysoka wydajność obliczeniowa,
 - małe wymagania pamięciowe.
- **Nie stosowana uprzednio do równoważenia zadań.**

Ogólne zasady EO

- Rodzaj przeszukiwania stochastycznego, z pojedynczym osobnikiem reprezentującym rozwiązanie (chromosomem).
- **Zmiana stanu: aktualizacja najgorszych składowych rozwiązania**
 - zastępowane przez wartości losowe (brak jawnego ulepszania, model Bak-Sneppen).
- **Dwie funkcje dopasowania**
 - **lokalna** – ocena składowych rozwiązania,
 - **globalna** – ocena całego osobnika.

- **Metoda unikania lokalnych optimów**
 - składowe są sortowane według rosnącej wartości lokalnej funkcji dopasowania,
 - prawdopodobieństwo wylosowania składowej k : $p_k \sim k^{-\tau}$,
 - składowa jest losowana a następnie zmieniana losowo,
 - osobnik jest zmieniany na $S' \in Neigh(S)$ bezwarunkowo.
- **Parametry algorytmu: liczba iteracji N_{iter} i τ .**

Schemat algorytmu EO

- initialize configuration S at will
- $S_{best} \leftarrow S$
- WHILE total number of iterations N_{iter} not reached
 - evaluate φ_i for each variable s_i of the current solution S
 - rank the variables s_i based on their local fitness φ_i
 - choose the rank k according to k^{-T} so that the variable s_j with $j = \pi(k)$ is selected
 - choose $S' \in Neigh(S, s_j)$ such that s_j must change
 - accept $S \leftarrow S'$ unconditionally
 - IF $\Phi(S) < \Phi(S_{best})$
 - $S_{best} \leftarrow S$
 - ENDIF
- ENDWHILE
- RETURN S_{best} and $\Phi(S_{best})$

Sterowana zmiana stanu

- W klasycznym EO nowe rozwiązanie losowane jest z rozkładem równomiernym.
- W alg. EO-GS (EO with guided state changes) wybór nowego rozwiązania również odbywa się losowo, lecz rozkład zależy od pewnej funkcji dziedzinowej, w celu preferowania określonych sąsiadów.
- Po posortowaniu węzłów docelowych, jeden z nich jest wybierany losowo jako nowe położenie zadania – zgodnie z rozkładem wykładniczym $Exp(g, \lambda) = \lambda e^{-\lambda g}$

EO with Guided State Changes

- initialize configuration S at will, $S_{best} \leftarrow S$
- WHILE total number of iterations N_{iter} not reached
 - evaluate φ_i for each variable s_i of the current solution S
 - assign ranks k to the variables s_i based on their local fitness φ_i
 - choose the rank k stochastically according to k^{-T} so that the variable s_j with $j = \pi(k)$ is selected for improvement
 - evaluate some problem knowledge function ω_s on neighbours $S_v \in Neigh(S, s_j)$, generated by changes of s_j in the current solution S
 - assign ranks g to the neighbours $S_v \in Neigh(S, s_j)$, defined with the use of ω_s
 - choose $S' \in Neigh(S, s_j)$ according to an exponential distribution $Exp(g, \lambda) = \lambda e^{-\lambda g}$
 - accept $S \leftarrow S'$ unconditionally
 - IF $\Phi(S) < \Phi(S_{best})$
 - $S_{best} \leftarrow S$
 - ENDIF
- ENDWHILE
- RETURN S_{best} and $\Phi(S_{best})$

Problem równoważenia obciążenia

- **klaster N jednostek obliczeniowych** /wielordzen./ połączonych siecią komunikacyjną /przes. komun./,
- **zbiór zadań T** /wątków/
- **problem:**
 - przypisz zadania t_k , $k \in 1 \dots |T|$ do węzłów n , $n \in [0, N - 1]$ w taki sposób, by zminimalizować całkowity czas działania programu,
- **równoważenia obciążenia** polega na **wykonywaniu kroków detekcji i korekcji**,
- **zrównoważenie obciążenia** ulepsza się poprzez **migrację zadań między jednostkami obliczeniowymi**.

Wykrywanie niezrównoważenia

- **Opiera się na badaniu różnicy dostępności mocy procesora w poszczególnych jednostkach obliczeniowych**
 $LI = \max (TimeCPU(n)) - \min (TimeCPU(n)) \geq \alpha$
 - *TimeCPU(n)*: indeks aktualnej dostępności procesora, tj. procent mocy obliczeniowej CPU dostępnej dla wątków aplikacji na węźle *n*, szacowany na podst. periodycznej obserwacji wykonywanej przez /wątki/ agentów systemowych,
 - α – współczynnik określony eksperymentalnie (stosowaliśmy wartość z zakresu 25%-75%).

Model aplikacji

- Aplikacja: zbiór zadań T
- Zadanie t_k , $k \in 1 \dots |T|$ może być procesem lub wątkiem
- Dwie metryki
 - $\text{com}(t_1, t_2)$ – rozmiar komunikacji między zadaniami
 - $\text{wp}(t)$ – miara obliczeń, realizowanych przez zadanie
 - dostarczane przez twórcę aplikacji, wystarczy, że są szacunkami.

Lokalna funkcja dopasowania

- Lokalna funkcja dopasowania:

$$\varphi(S) = \gamma \times load(\mu_t) + (1 - \gamma) \times rank(t)$$

- $load(\mu_t)$ – wskazuje jak bardzo obciążenie węzła μ_t przekracza średnie obciążenie węzłów
- $rank(t)$ – wskazuje czy zadanie t jest „dobrym” kandydatem do migracji (średni rozmiar, mało komunikacji z zadaniami aktualnego węzła).

Globalna funkcja dopasowania

- Globalna funkcja dopasowania:

$$\begin{aligned}\Phi(S) = & \textit{attrExtTotal}(S) \times \Delta_1 \\ & + \textit{migration}(S) \times \Delta_2 \\ & + \textit{imbalance}(S) \times [1 - (\Delta_1 + \Delta_2)]\end{aligned}$$

- *attrExtTotal*(S) – określa wpływ komunikacji zewnętrznej na jakość rozwiązania
- *migration*(S) – metryka kosztów migracji
- *imbalance*(S) – miara niezrównoważenia dla rozwiązania S.

Implementacja sterowanej zmiany stanu

- **Przy każdej aktualizacji komponentu rozwiązania:**
 - węzły systemu sortujemy zgodnie z pewnym rankingiem GS,
 - implementacja: funkcja porównania $\omega(n_1, n_2)$, $n_1, n_2 \in N$,
- **Co preferujemy:**
 - węzły **nieobciążone** (lub obciążone mniej niż średnia),
 - węzły, z którymi następuje **intensywna komunikacja** aktualnego zadania.

Optymalizacja wielokryterialna

- **Metoda wyznaczania najlepszego rozwiązania (“optymalnego”) z punktu widzenia kilku kryteriów**
 - ang. *multi-objective/multicriteria/multiattribute optimization*
 - zazw. poszukiwanie ekstremum funkcji
 - kryteria mogą być sprzeczne, może nie istnieć rozwiązanie optymalizujące jednocześnie wszystkie kryteria
 - rzeczywiste problemy są bardzo często wielokryterialne.
- **Równoważenie obciążenia jest także problemem optymalizacji wielokryterialnej**
 - przy założeniach, podanych na początku prezentacji.

Pareto-optymalność

- **Pareto dominacja (dla minim.):** rozwiąz. s dominuje nad s' wtw. gdy:
 - s jest nie większe niż s' dla żadnego kryterium
 - istnieje co najmniej jedno kryterium, dla którego s jest mniejsze niż s'
- **Zbiór Pareto – zbiór (być może nieskończony) rozwiązań niezdominowanych**
 - wszystkie rozwiązania Pareto-optymalne są „równej” jakości (chyba, że wprowadzimy dodatkowe kryteria)
- **Algorytm posługujący się Pareto-optymalnością znajduje jako wynik zbiór rozwiązań**
 - z zbioru Pareto możemy wybrać jedno rozw. finalne.

Kryteria optymalizacji

- **Kryterium 1 – niezrównoważenie**

$$\Phi_1(S) = \sum_{n \in [0, N-1]} |NWP(S, n) / Ip(n) - WP|$$

- średnia wartość odchylenia obciążenia procesorów zadaniami z S (znormalizowana do [0..1])

- **Kryterium 2 – komunikacja**

$$\Phi_2(S) = \sum comExt(S) / \sum com(S)$$

- procent komunikacji wykonywanych “zewnątrznie” w stosunku do całości komunikacji

- **Kryterium 3 – migracje**

$$\Phi_3(S) = |\{t \in T: migrated(t)\}| / |T|$$

- liczba migracji zadań/całkowita liczba zadań

Funkcje lokalne dla kryteriów

- **Kryterium 1 – niezrównoważenie**

- funkcja lokalna

$$\phi_1(t) = \gamma * load(\mu_t) + (1 - \gamma) * (1 - ldev(t))$$

- $load(\mu_t)$ – miara przekroczenie śr. obciąż. przez węzeł μ_t , $ldev(t)$ – odchyl. wagi t od średniej.

- **Kryterium 2 – komunikacja**

- funkcja lokalna

$$\phi_2(t) = 1 - attr(t)$$

- $attr(t)$ – ilość komunikacji między t a innymi zadaniami na tym samym węźle (znormalizowana w zakr. [0..1])

- **Kryterium 3 – komunikacja**

- $\phi_3(t) = migrated(t)$

Alternatywne funkcje dla kryt. 3

- **Kryterium 3 – migracje**

- funkcja globalna

$$\Phi_3(S) = migrFaultTotal(S) * migration_num(S)$$

$$migrFaultTotal(S) = \sum_{t \in T} migr_qual(t)$$

- funkcja $migr_qual(t)$ jest **miarą jakości migracji**

- pokazuje jak zmienia się łączne, średnie zrównoważenie obciążenia procesorów z powodu migracji zadania t

- **Funkcja lokalna:**

$$\Phi_3(t) = migr_qual(t)$$

„Gradientowe” funkcje dla kryt. 1 i 2

- **Kryterium 1 – obciążenie**

- funkcja globalna

$$\Phi_1(S) = (totalimpr(S) - 1) / 2$$

$$totalimpr(S) = \sum_{n \in N} impr(n)$$

- $impr(n) = |NWP(S,n)/Ip(n) - WP| - |NWP(S^*,n)/Ip(n) - WP|$

- funkcja $totalimpr(S) \in [-1,1]$ jest **miarą zmiany zrównowazenia**

- pokazuje jak zmienia się łączne, średnie zrównowazenie obciążenia procesorów z powodu migracji zadań w stosunku do położenia inicjalnego

- **Kryterium 2 – komunikacja**

$$\Phi_2(S) = (extcomimpr(S) - 1) / 2$$

Pseudokod EO wielokryterialnego

initialize configuration S at will

$S_{\text{best}} \leftarrow S$

$D_S \leftarrow \emptyset$ {the set of non-dominated solutions (Pareto-front)}

while total number of iterations $\mathcal{N}_{\text{iter}}$ not reached **do**

$C \leftarrow$ set of criteria for evaluation in the current iteration

for all $c \in C$ **do**

 evaluate $\phi_{i,c}$ for each variable s_i of the current solution S

 rank the variables s_i based on their local fitness $\phi_{i,c}$

 choose the rank k according to $k^{-\tau}$ so that the variable s_j with $j = \pi(k)$ is selected

 evaluate ω_s for each neighbour $S_v \in \text{Neigh}(S, s_j)$, generated by s_j change of the current solution S

 rank neighbours $S_v \in \text{Neigh}(S, s_j)$ based on the target function ω_s

 choose $S' \in \text{Neigh}(S, s_j)$ according to the exponential distribution

 accept $S \leftarrow S'$ unconditionally

end for

if S is non-dominated **then**

 include S in D_S

end if

end while

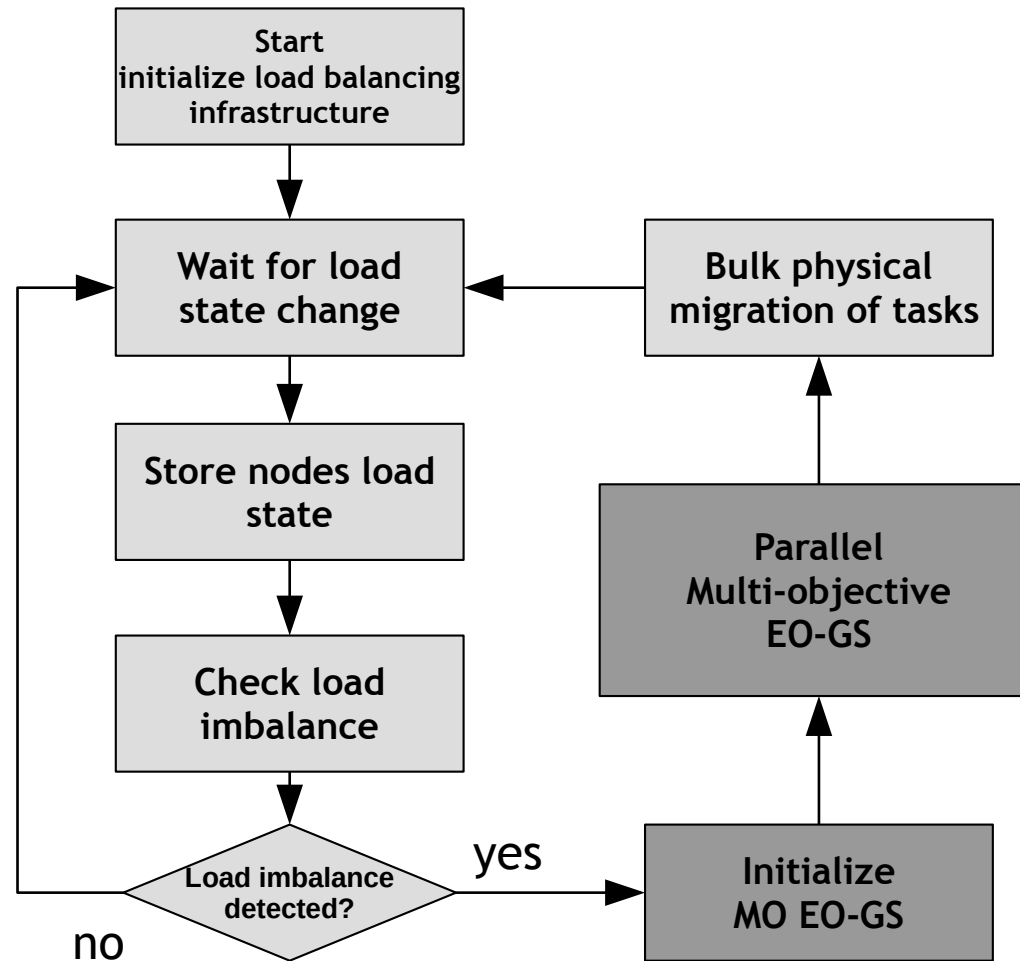
select S_{best} from D_S using $\Phi(S)$

return S_{best} and $\Phi(S_{\text{best}})$

Warianty EO wielokryterialnego

- **Kolejność optymalizacji kryteriów**
 - w trakcie działania EO, przełączanie między kryteriami następuje pseudolosowo, co ustaloną poprzez parametr liczbę iteracji
 - liczba optymalizowanych kryteriów w iteracji:
 - (1) “jedno kryterium w zbiorze C”
 - (2) “wiele kryteriów w zbiorze C”
- **Wybór rozwiązania finalnego – wg. odległości do punktu idealnego**
 - dwie miary odległości od pkt. o współrzędnych 0,0,0:
 - odległość geometryczna (euklidesowa)
 - odległość “Manhattan” (taxicab)

Schemat równoważenia MO EO-GS



Wersja równoległa algorytmu EO

- **Oparta na modelu populacyjnym EO**
 - jednocześnie istnieje wiele rozwiązań,
 - równoległe ulepszanie rozwiązań w całej populacji.
- **Wymiana rozwiązań między populacjami**
 - wybór „najlepszego” rozwiązania spośród wielu rozwiązań, ulepszanych równoległe w obrębie populacji EO,
 - następuje cyklicznie, po pewnym zadanym interwale iteracji.

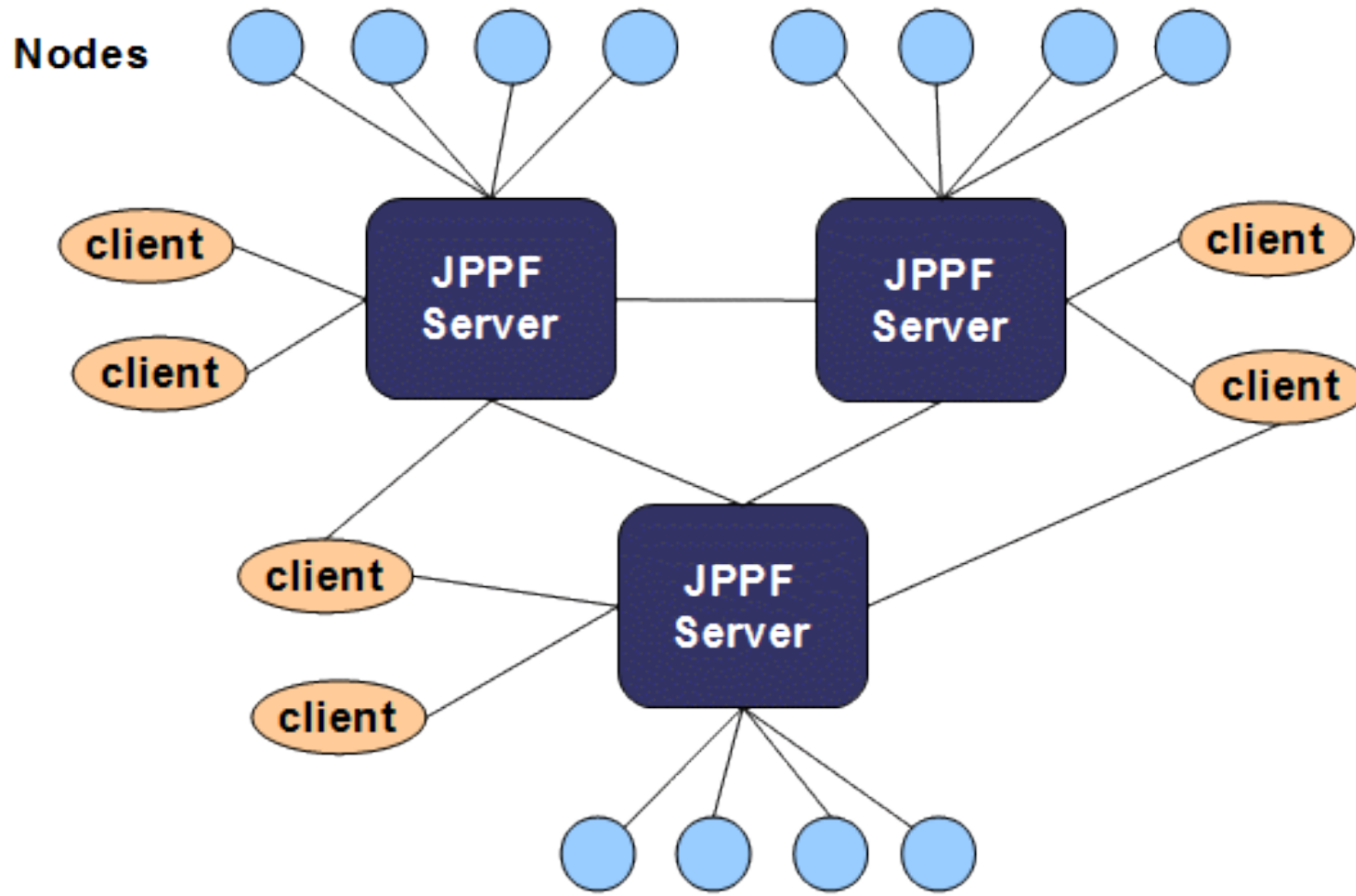
Wprowadzenie do JPPF

- **JPPF – środowisko programowe (middleware) umożliwiające uruchamianie aplikacji wymagających dużej mocy obliczeniowej na dowolnej liczbie komputerów.**
- **Realizacja**
 - podział aplikacji na mniejsze części, które mogą być wykonywane jednocześnie na różnych maszynach,
 - uruchomienie aplikacji w Gridzie JPPF.
- **Wymagania**
 - Java, Java EE, .NET, Android – Linux, Windows, MacOS X.
- ***Open source* – aktywnie rozwijany od 10 lat**
 - umożliwia uruchamianie dowolnych aplikacji (nie tylko Java),
 - modularna struktura.

Cechy JPPF

- **Dynamiczna i elastyczna architektura połączeń**
 - może zmieniać się podczas wykonywania zadań
- **Automatyczne ładowanie klas Javy (rozproszony *class loader*)**
- **Odporność na błędy, bezpieczeństwo**
 - Detekcja błędów, samo-naprawa
 - SSL/TLS encryption and authentication, data tunneling with transformation
- **Definiowanie SLA (cechy behawioralne: filtrowanie i liczba węzłów, priorytety, zależn. czasowe, metadane definiowane przez użytkownika)**
- **Wbudowane narzędzia do administracji i monitoringu**
- ***Load balancing* (API, wbudowane algorytmy oraz definiowane)**
 - równoważenie obciążenia – podział zleceń na podzbiory zadań.

Architektura JPPF



Równoważenie obciążenia

- **Równoważenie obciążenia** jest wykonywane zarówno na klientach JPPF, jak i na serwerach.
- JPPF używa pojęcia **kanału** jako jednostki którą równoważymy
 - dla serwera kanałem jest **połączenie** z węzłem lub z innym serwerem
 - dla klienta kanał wykonawczy jest albo **połączeniem** z serwerem lub **lokalnym wykonawcą** (przy czym klient może mieć wiele połączeń z serwerem)
 - zarówno klienci, jak i serwery mogą obsługiwać wiele zleceń jednocześnie.
- **Kategorie algorytmów**
 - **statyczny a adaptacyjny**: statyczny algorytm zawsze zwraca taki sam rozmiar pakietu dla (pary węzeł, zlecenie)
 - **lokalny a globalny**: lokalny algorytm oblicza tylko rozmiar pakietu dla pojedynczego kanału, podczas gdy globalny algorytm wylicza rozmiar pakietu na wszystkie dostępne kanały.

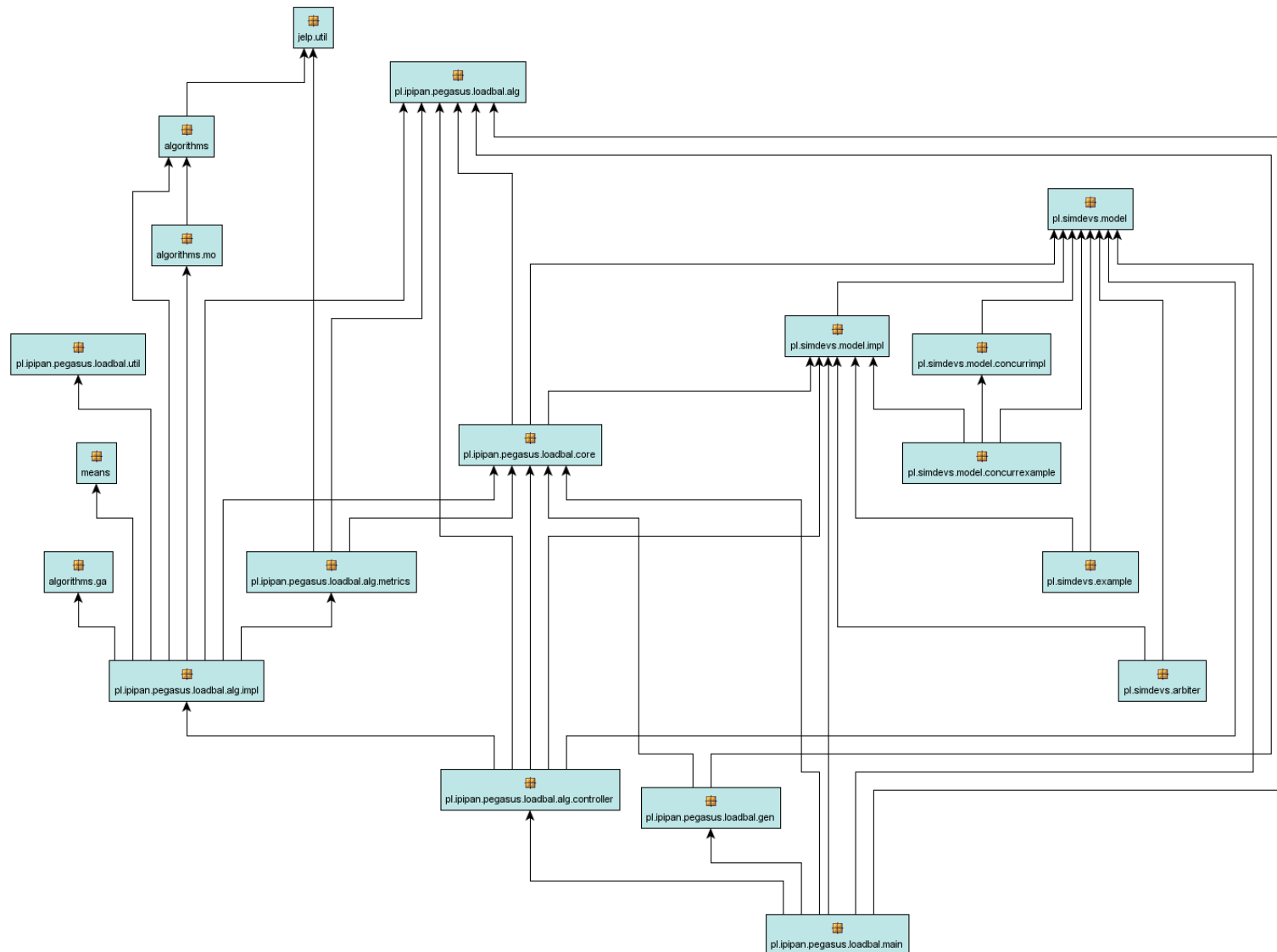
Równoważenie obciążenia – algorytmy

- "manual"
 - stały rozmiar paczki – Round Robin
- "nodethreads"
 - $\text{bundle_size} = \text{multiplier} * \text{processing_threads}$
- "autotuned"
- "proportional"
- "rl2"

Badania eksperymentalne

- **Zastosowano podejście symulacyjne**
 - symulujemy system poddawany równoważeniu.
- **Charakterystyka systemu wykonawczego**
 - klaster wielordzeniowych jednostek obliczeniowych, z komunikacją opartą na przesyłaniu komunikatów
 - przykład systemu: zespół stacji roboczych, z procesorami wielordzeniowymi, Linux, biblioteka komunikacyjna MPI.
- **Symulator oparty na modelu DEVS (symulacja sterowana zdarzeniami na dyskretnej osi czasu).**
- **Syntetyczne aplikacje testowe.**

Implementacja środowiska badawczego



Implementacja środowiska badawczego cd.

AVERAGING|AveragingLoadBalance

EXTREMAL4|ExtremalLoadBalance|GUIDED_SEARCH_4|EUCLIDEAN|-|-

GENETIC|GeneticLoadBalance2

PARALLEL1|ExtremalLoadBalancePar

MO4|ExtremalLoadBalanceMo|GUIDED_SEARCH_4|EUCLIDEAN|GLOBAL_U,GLOBAL_A,GLOBAL_M|LOCAL_U,LOCAL_A,LOCAL_M

SO1|ExtremalLoadBalance|FULLY_RANDOM|EUCLIDEAN|-|-|S

SO2|ExtremalLoadBalance|GUIDED_SEARCH_2|EUCLIDEAN|-|-|S

MO42|ExtremalLoadBalanceMo|GUIDED_SEARCH_4|EUCLIDEAN|GLOBAL_U,GLOBAL_A,GLOBAL_M|LOCAL_U,LOCAL_A,LOCAL_M_2

MO43|ExtremalLoadBalanceMo|GUIDED_SEARCH_4|EUCLIDEAN|GLOBAL_U,GLOBAL_A,GLOBAL_M_2|LOCAL_U,LOCAL_A,LOCAL_M_2

MO44|ExtremalLoadBalanceMo|GUIDED_SEARCH_4|EUCLIDEAN|GLOBAL_U,GLOBAL_A,GLOBAL_M_4|LOCAL_U,LOCAL_A,LOCAL_M

MO44A|ExtremalLoadBalanceMo|GUIDED_SEARCH_4|MANHATTAN|GLOBAL_U,GLOBAL_A,GLOBAL_M_4|LOCAL_U,LOCAL_A,LOCAL_M

MO45|ExtremalLoadBalanceMo|GUIDED_SEARCH_4|EUCLIDEAN|GLOBAL_U_2,GLOBAL_A,GLOBAL_M|LOCAL_U,LOCAL_A,LOCAL_M

MO45A|ExtremalLoadBalanceMo|GUIDED_SEARCH_4|MANHATTAN|GLOBAL_U_2,GLOBAL_A,GLOBAL_M|LOCAL_U,LOCAL_A,LOCAL_M

EXTREMAL4G|ExtremalLoadBalance|GUIDED_SEARCH_4|EUCLIDEAN|-|-|G

MO4A|ExtremalLoadBalanceMo|GUIDED_SEARCH_4|MANHATTAN|GLOBAL_U,GLOBAL_A,GLOBAL_M|LOCAL_U,LOCAL_A,LOCAL_M

MO46|ExtremalLoadBalanceMo|GUIDED_SEARCH_4|EUCLIDEAN|GLOBAL_U,GLOBAL_A,GLOBAL_M,GLOBAL_U_2|LOCAL_U,LOCAL_A,LOCAL_M

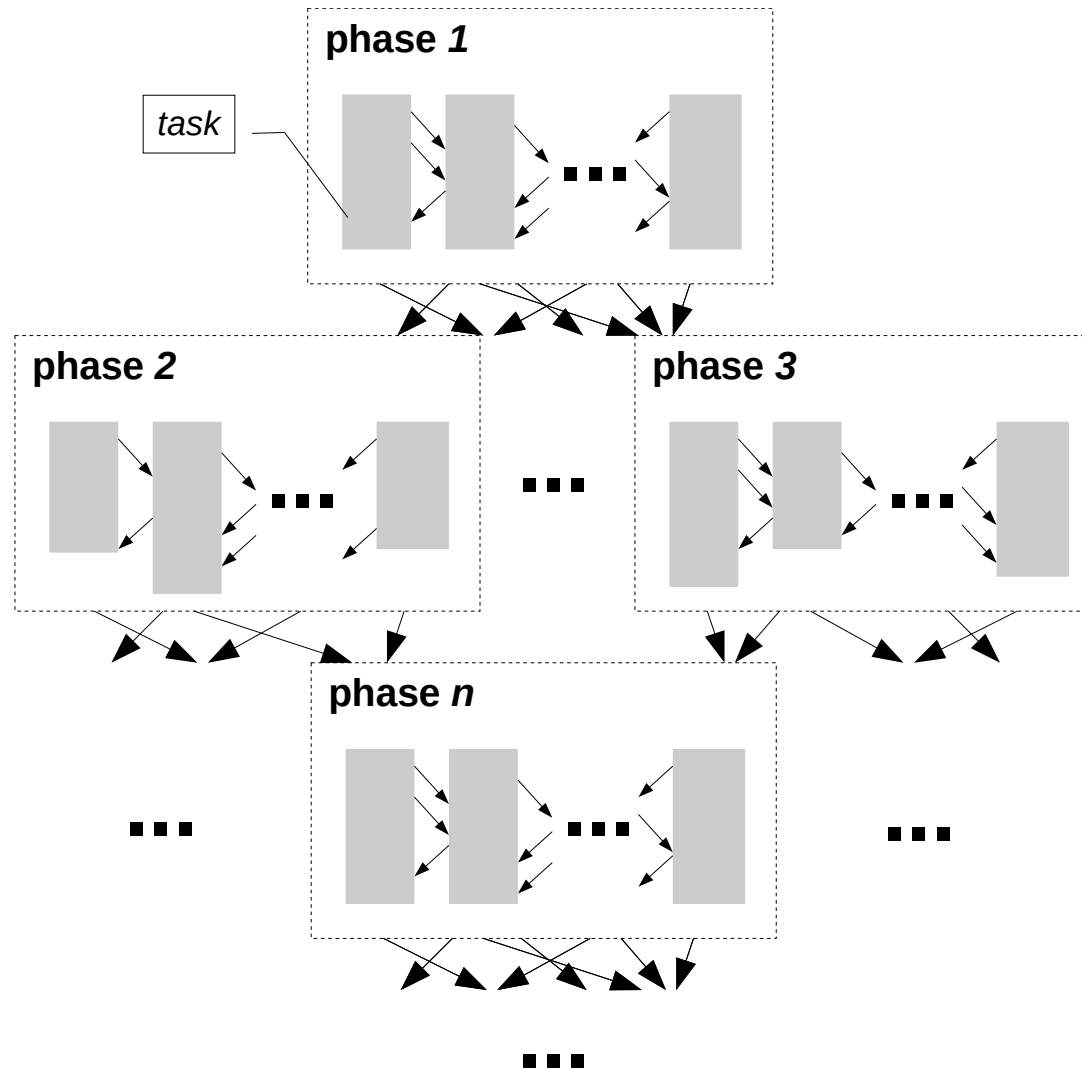
MO46A|ExtremalLoadBalanceMo|GUIDED_SEARCH_4|MANHATTAN|GLOBAL_U,GLOBAL_A,GLOBAL_M,GLOBAL_U_2|LOCAL_U,LOCAL_A,LOCAL_M

MO47|ExtremalLoadBalanceMo|GUIDED_SEARCH_4|EUCLIDEAN|GLOBAL_U_2,GLOBAL_A_2,GLOBAL_M|LOCAL_U,LOCAL_A,LOCAL_M

MO47A|ExtremalLoadBalanceMo|GUIDED_SEARCH_4|MANHATTAN|GLOBAL_U_2,GLOBAL_A_2,GLOBAL_M|LOCAL_U,LOCAL_A,LOCAL_M

PA|ExtremalParallelRunner

Struktura aplikacji testowych



Badania eksperymentalne cd.

- **Dwa zbiory zadań**
 - 8 zadań o rozmiarze 128-576 zadań, nieregularne i regularne,
 - 4 zadania o rozmiarach 1000, 5000, 10000, 20000 zadań,
 - współczynnik komunikacja/obliczenia w zakresie [0.10, 0.20].
- **Rozmiar systemu wykonawczego:**
 - 2-32 /małe aplikacje/, 32-128 /duże aplikacje/.
- **Badania:**
 - własności algorytmów,
 - porównawcze.

Badania eksperymentalne cd.

- **Parametry algorytmów równoważenia obciąż.:**
 - „standardowe” $\alpha = 0.5$, $\beta = 0.5$, $\gamma = 0.75$, $\Delta_1 = 0.13$, $\Delta_2 = 0.17$, $\tau = 1.5$, dla EO-GS $\lambda = 0.5$
 - U5-U9 – zestawy wartości β , γ , Δ_1 , Δ_2
 - waga migracji: M0 (0%), M1 (20%), M2 (40%)
- **Każdy eksperyment był powtarzany 20 razy, z różnymi początkowym konfiguracjami zadań aplikacji testowej.**
- **Badania szerokiego zakresu liczby iteracji 30-4000, przy czym większość badań wykonano dla $N_{iter} = 500$.**

Badania eksperymentalne cd.

- **Co badaliśmy (wcześniej):**
 - EO, EO-GS /EO4/
 - PEO-A, PEO-GS-A, PEO-GS-B
 - PEO-GS-C, -D, -E
 - EO4G
 - MO1, MO1S, MO2, MO2A, MO2AS, MO2S
 - SO1, SO2
- **Badania porównawcze:**
 - GA, DT

Badania eksperymentalne – wyniki prezentowane

- **Algorytmy wielokryterialne:**

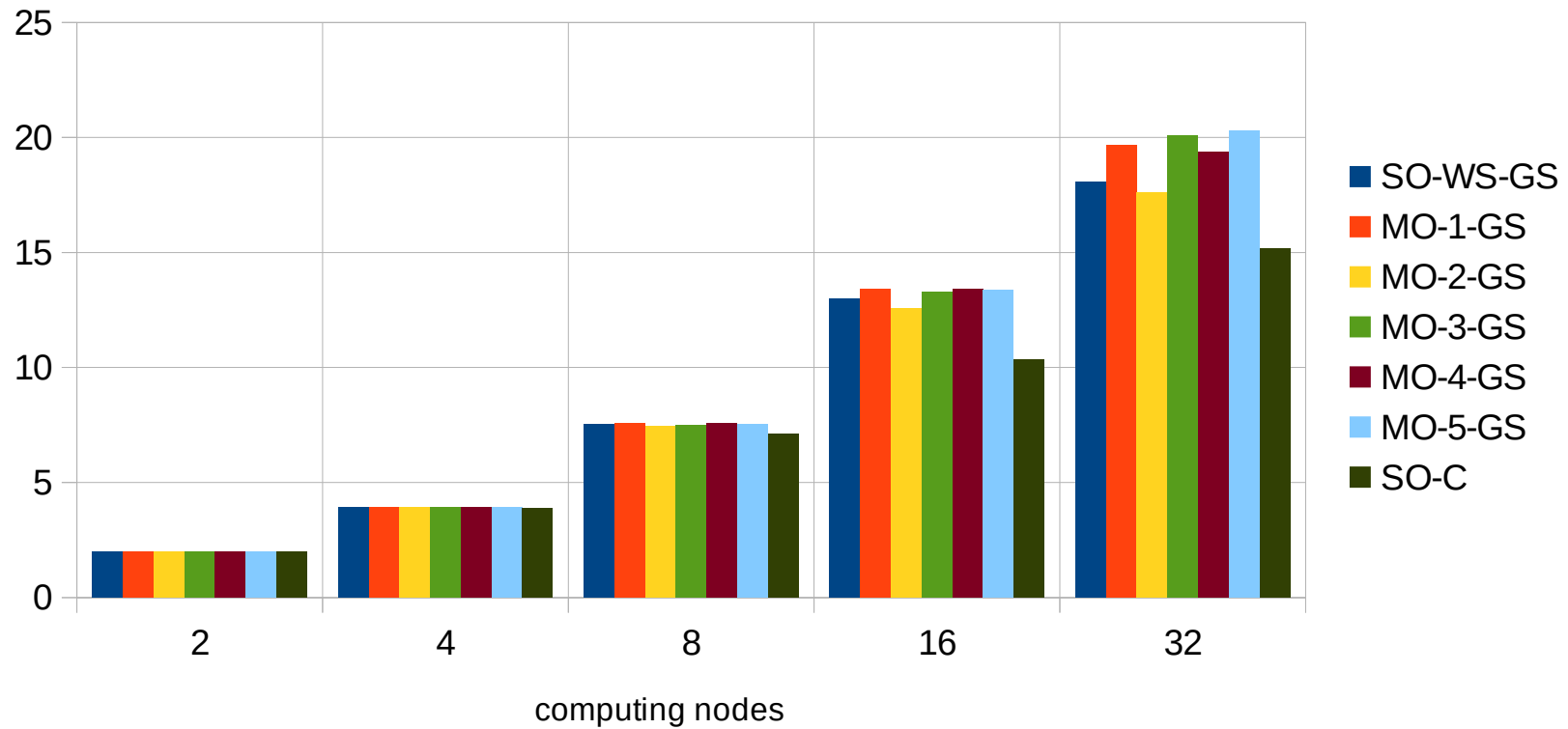
- MO-1-GS (kryteria „klasyczne”),
- MO-2-GS (alternatywna formuła dla kryt. 3)
- MO-3-GS (kryteria 1 “gradientowej”)
- MO-4-GS (kryt. 1 w formule “gradientowej” oraz czwarte alt. kryt.)
- MO-5-GS (kryteria 1 i 2 w formule “gradientowej”)

- **Algorytmy referencyjne:**

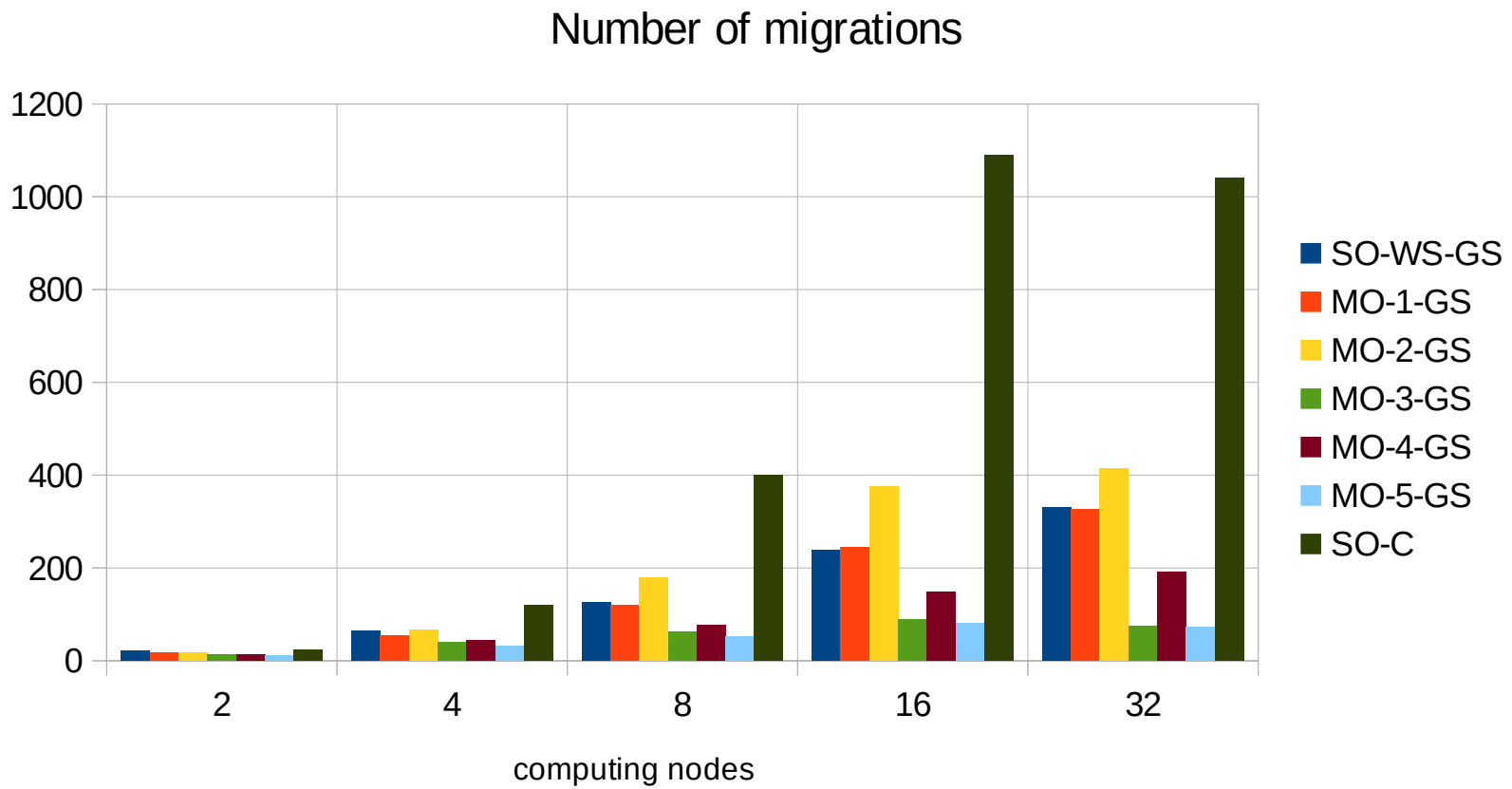
- EO-GS /SO-WS-GS/
- S01 /SO-C/

Przyśpieszenie

Average speedup



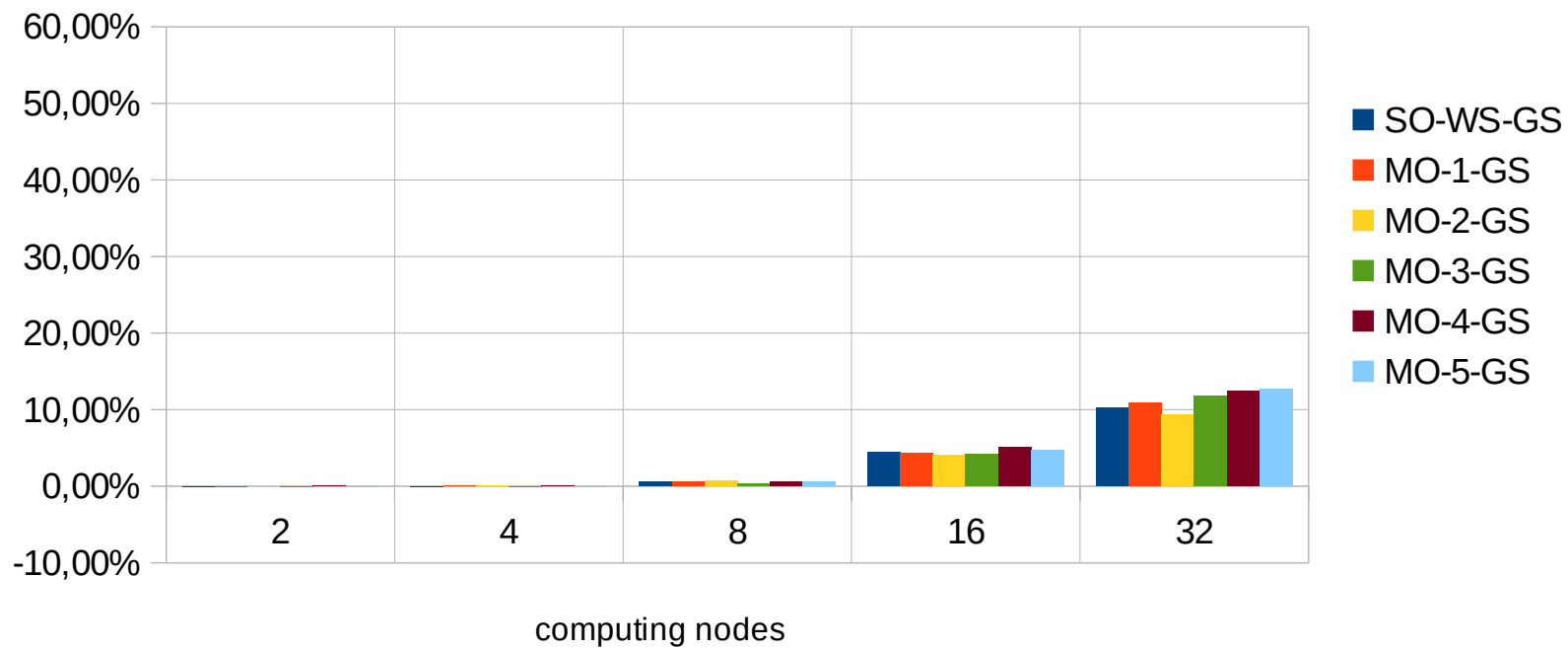
Migracje



Poprawa przyśpieszenie (średnia)

Relative speedup (M0)

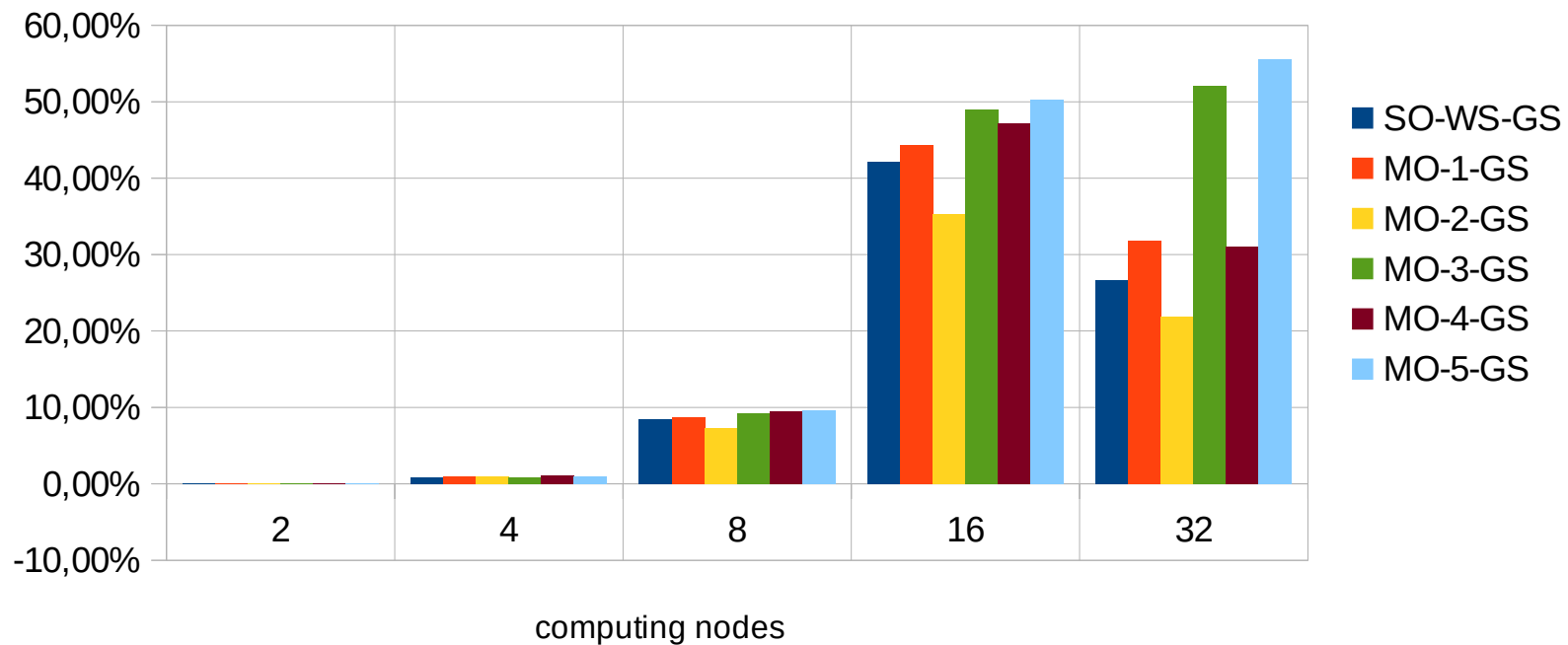
vs. SO-C



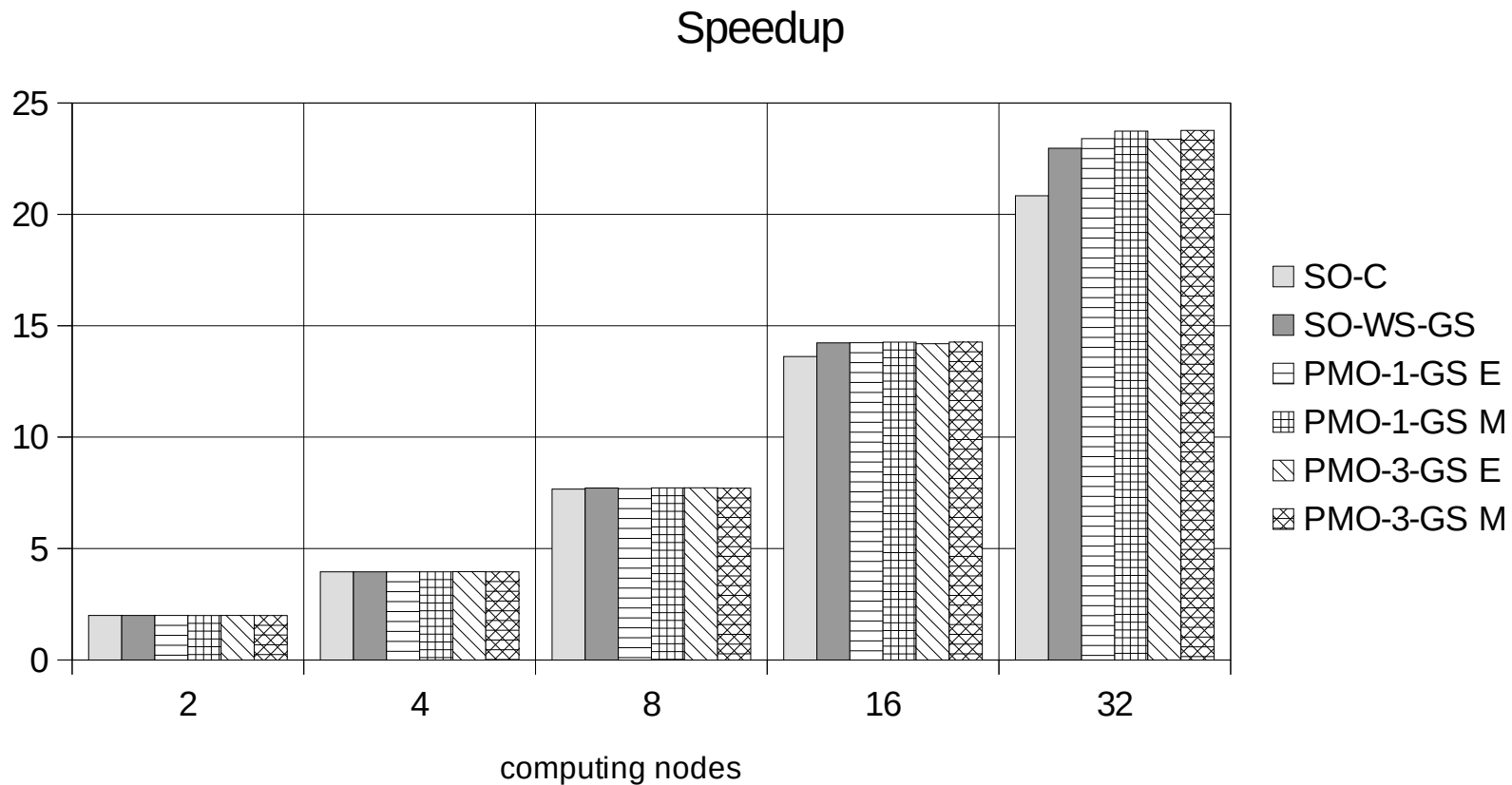
Poprawa przyśpieszenie (średnia)

Relative speedup (M1, M2)

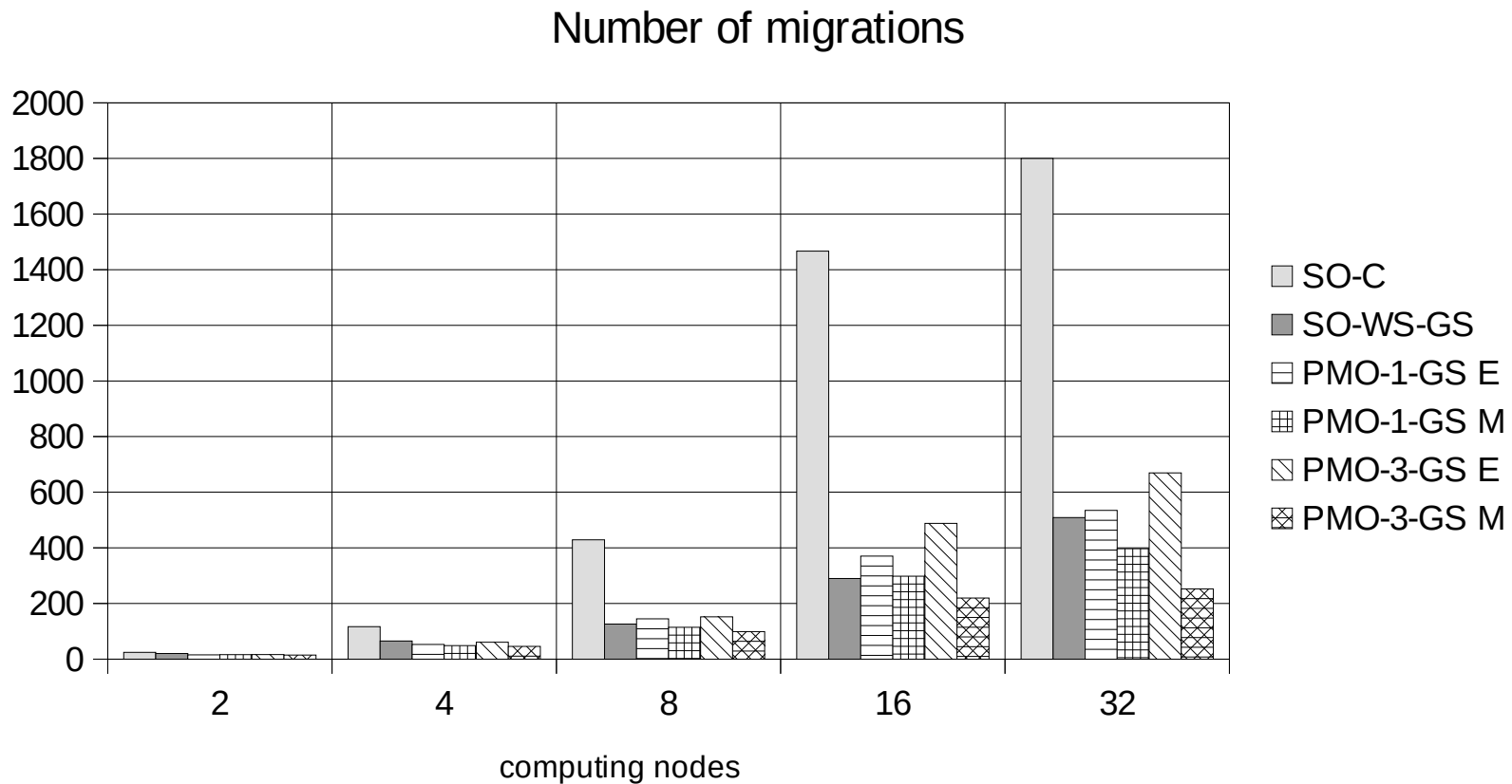
vs. SO-C



Przyśpieszenie dla różnych miar odległości

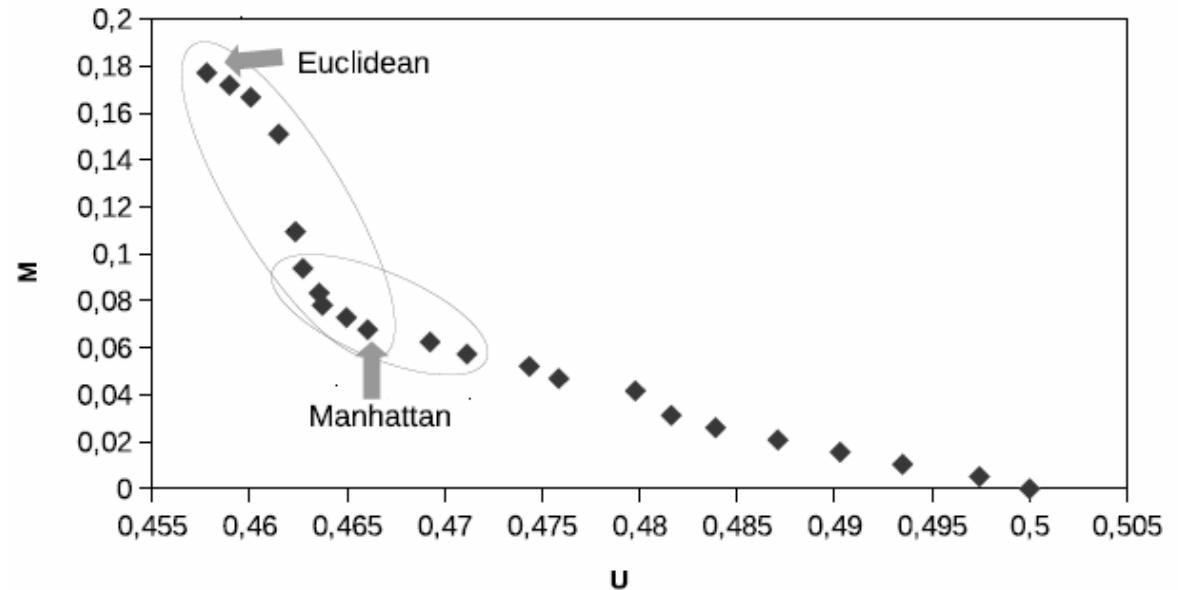


Migracje dla różnych miar odległości

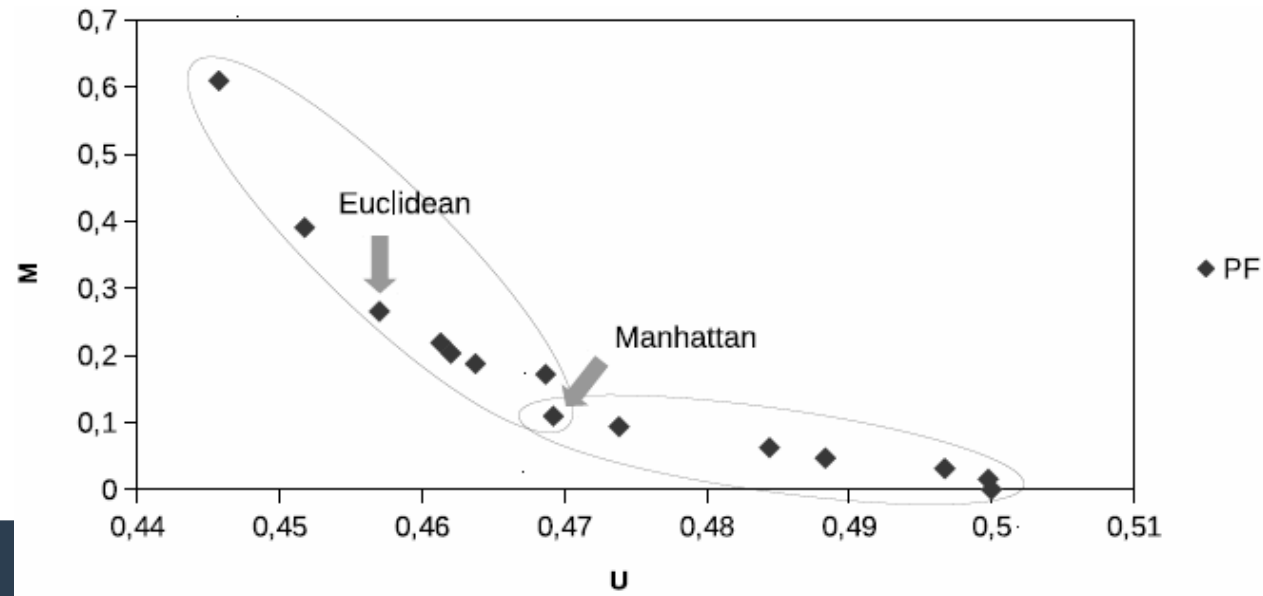


Pareto front dla różnych miar odległości

- PMO-3-GS, P9F, 32 węzły

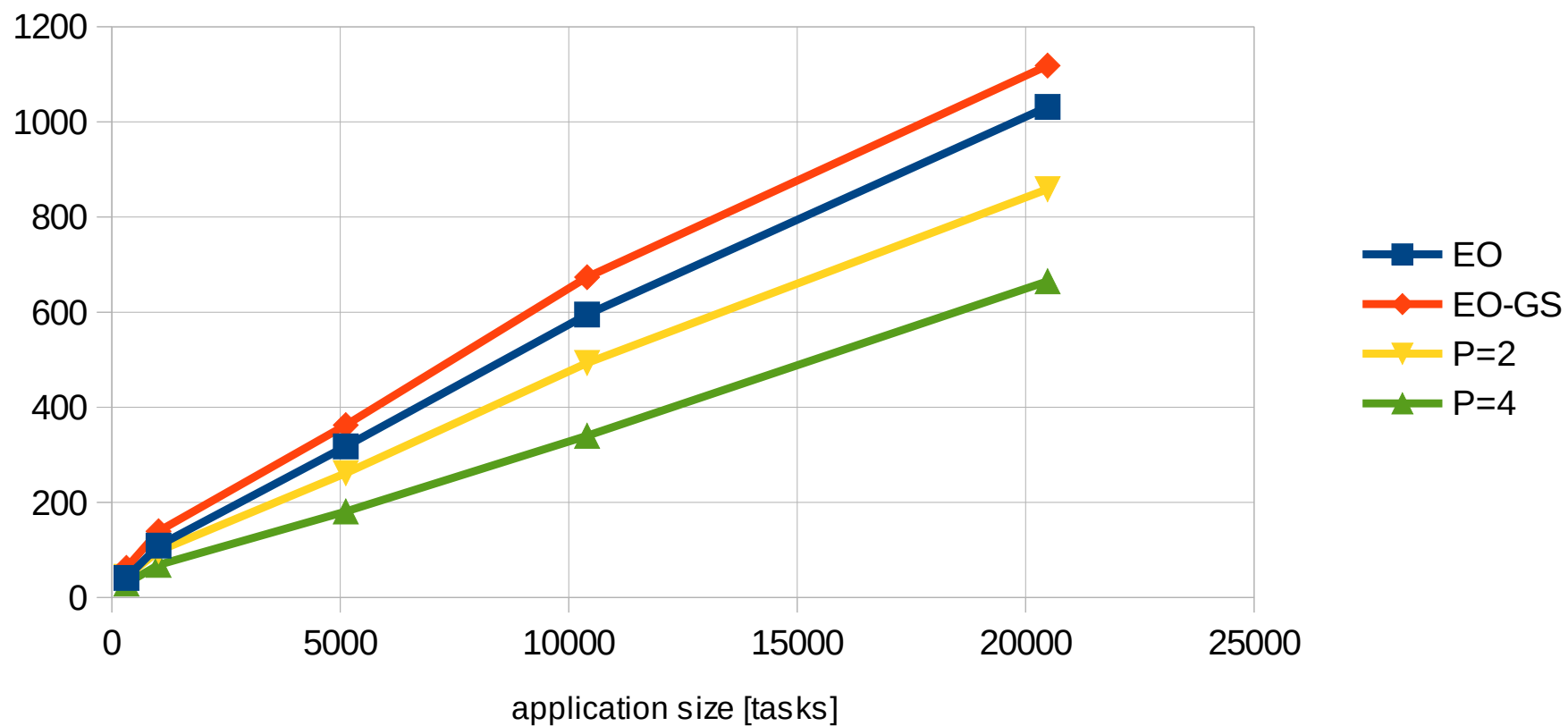


- PMO-3-GS, P9A, 32 węzły



Średni czas działania $N_{iter} = 4000$

LB algorithm execution time [ms]



Podsumowanie

- **Metoda EO i jej wariant EO-GS doskonale nadaje się do równoważenia zadań w systemach równoległych.**
- **Równoległe EO i EO-GS pozwalają skrócić czas działania algorytmu, przy jednoczesnym niewielkim polepszeniu wyników.**
- **Pozwala to na zastosowanie EO w algorytmach dynamicznego równoważenia obciążeń procesorów, gdzie niska złożoność algorytmów ma nadrzędne znaczenie.**
- **Skalowalność do dziesiątków tysięcy zadań.**
- **Redukcja liczby migracji zadań.**

Dziękuję za uwagę!

